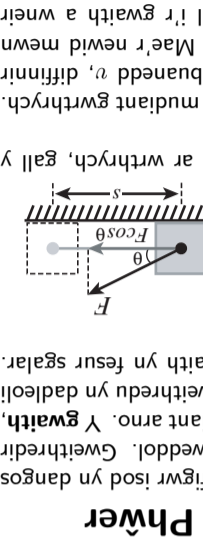




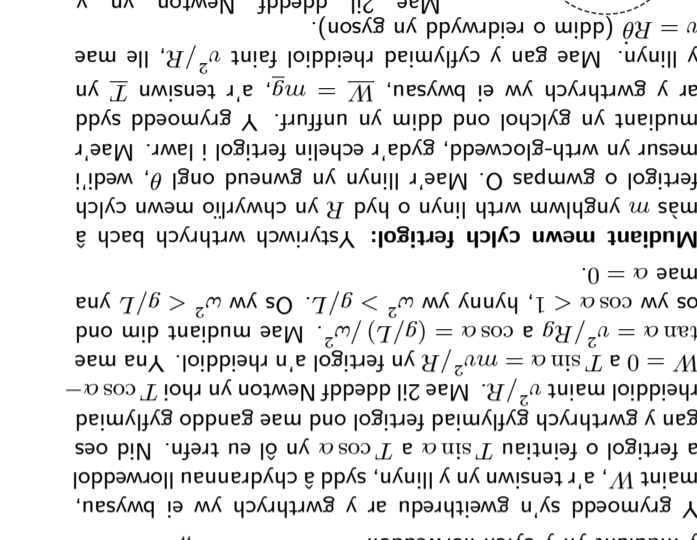
**10. Mudiant Gronynau wedi'u cysylltu**  
Mae dau fas  $m$  ac  $M$ , gyda  $M \geq m$ , wedi'u cysylltu â llinyn ysgafn, anestyriadwy sy'n pasio dros bwl.  
Mae'r pwll'n llyn ac mae'r tensiwn,  $T$ , yn y llinyn yr un fath ar ei hyd.  
Gan fod y llinyn yn anestyriadwy, mae cyffwrdd y ddau fas yr un maint,  $a$ .  
Pan yn symud, bydd gan y ddau fas cyffwrdd y ddau fas yr un maint,  $a$ .  
Felly mae'r tensiwn,  $T$ , yn y llinyn yr un fath ar ei hyd.  
Mae'r pwll'n llyn ac mae'r tensiwn,  $T$ , yn y llinyn yr un fath ar ei hyd.



(a)  $Mg - T = Ma$   
 $mT - mg = ma$   
 $T = 2m(m+M)g / (m+2M)$

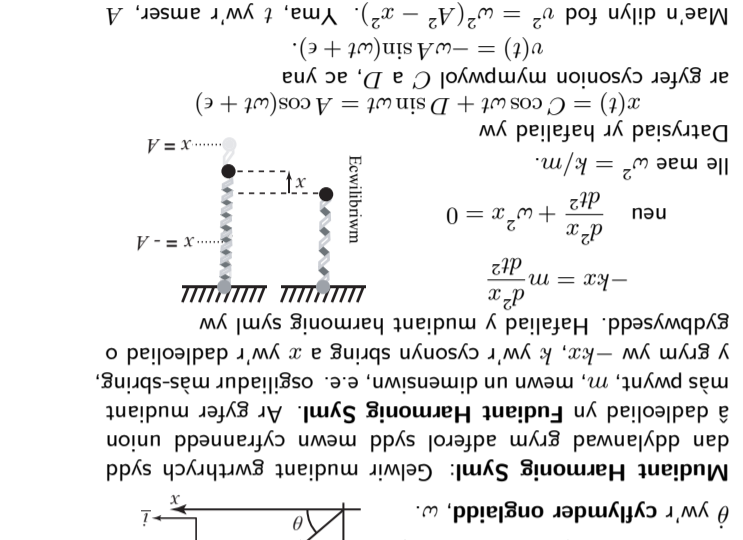
**11. Gwath, Egni a Phŵer**  
Gwath a weir gan rym cyson: Mae'r ffigwr isod yn dangos gwrthrych sy'n symud yn y cyfeiriad llorweddol. Gweithredir gyrom cyson,  $\vec{F}$ , ar ongl  $\theta$  i gyfeiriad y mudiant arno. Y **gwath**,  $W$ , a weir gan y grym, pan fo'i bwyt gwethreded yn dadleoli  $\vec{s}$ , yw  $W = \vec{F} \cdot \vec{s} = (F \cos \theta) s$ . Mae gwath yn fesur sgalar. Os yw'r cydran grym  $\vec{F}$  yn un cyfeiriad/cyfeiriad dirroes â'r dadleoliad, mae'r gwath a weir yn positif/negatif yn ôl eu trefn. Ni wneir gwath os yw'r grym ar ongl sgwar i'r dadleoliad.  
Egni: Pan mae grym yn gwneud gwath ar wrthrych, gall y gwrthrych ennill neu gollu egni.  
Egni Cinetig: Mae egni cinetig oherwydd mudiant gwrthrych. Pan fo gwrthrych â mas  $m$  yn symud â buanedd  $v$ , diffinir ei egni cinetig fel Egni Cinetig  $= \frac{1}{2}mv^2$ . Mae'r newid mewn egni cinetig gwrthrych anhysblyg yn hafal i'r gwath a weir gan rymoedd allanol ar y gwrthrych.  
Egni Potensial: Mae egni potensial oherwydd lleoliad gwrthrych. Egni Potensial Disgyrchiant yw lluoswm pwysau'r gwrthrych,  $mgh$ , ac uchder ei graddid disgyrchiant,  $h$ , uwchben y lefel gyfernod. Felly mae Egni Potensial (disgyrchiant)  $= mgh$ .  
Cadwraeth Cyfanswm Egni Mecanyddol: Pan mae'r unig rym sydd ar wrthrych yw grym disgyrchiant, mae cyfanswm yr egni mecanyddol, sef swm egni cinetig ac egni potensial y gwrthrych, yn gyson.

**9. Mudiant Gronyn (2)**  
Felly mae  $r = \dot{\theta} = 0$ . Y factorau cyffwrdd a chyffwrdd yw  $\vec{i} = r\dot{\theta}\vec{e}_\theta$  a  $\vec{j} = -r\dot{\theta}^2\vec{e}_r + r\ddot{\theta}\vec{e}_\theta$ .  
Mudiant cychol: Mewn mudiant cychol, mae  $r$  yn gyson, felly mae  $\vec{r} = r\vec{e}_r$ . Y factorau cyffwrdd a chyffwrdd yw  $\vec{i} = r\dot{\theta}\vec{e}_\theta$  a  $\vec{j} = -r\dot{\theta}^2\vec{e}_r + r\ddot{\theta}\vec{e}_\theta$ .  
Y pendil conigol: Mae gronyn â mas  $m$  yn cyson  $v$  ar ben llinyn hyd  $L$ . Mae'r llinyn yn gyffwrdd cychol mewn cylch lloerweddol â buanedd  $v$  ar ben llinyn hyd  $L$ . Mae'r llinyn yn gyffwrdd cychol mewn cylch lloerweddol â buanedd  $v$  ar ben llinyn hyd  $L$ . Mae'r llinyn yn gyffwrdd cychol mewn cylch lloerweddol â buanedd  $v$  ar ben llinyn hyd  $L$ .  
Y pendil conigol: Mae gronyn â mas  $m$  yn cyson  $v$  ar ben llinyn hyd  $L$ . Mae'r llinyn yn gyffwrdd cychol mewn cylch lloerweddol â buanedd  $v$  ar ben llinyn hyd  $L$ .  
Y pendil conigol: Mae gronyn â mas  $m$  yn cyson  $v$  ar ben llinyn hyd  $L$ . Mae'r llinyn yn gyffwrdd cychol mewn cylch lloerweddol â buanedd  $v$  ar ben llinyn hyd  $L$ .

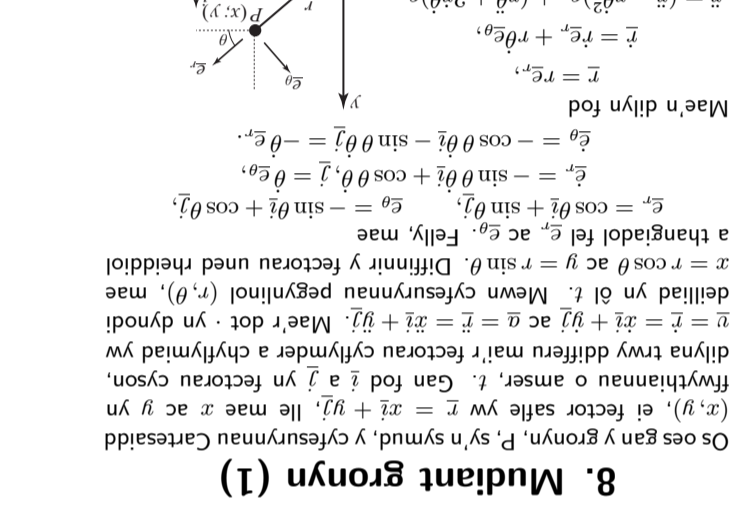


**8. Mudiant Gronyn (1)**  
Os oes gan y gronyn,  $P$ , sy'n symud, y cyfesurynnau Cartesaidd  $(x, y)$ , ei factor safle yw  $\vec{r} = x\vec{i} + y\vec{j}$ . lle mae  $x$  ac  $y$  yn ffwrddiannau o amser  $t$ .  
Gan fod  $\vec{i}$  a  $\vec{j}$  yn factorau cyson, ffwrddiannau'u ddyfalu mae'r factorau cyffwrdd a chyffwrdd yw  $\vec{v} = \dot{x}\vec{i} + \dot{y}\vec{j}$  a  $\vec{a} = \ddot{x}\vec{i} + \ddot{y}\vec{j}$ . Mae'r dot yn dynodi deilliad yn ôl  $t$ .  
Mewn cyfesurynnau peggyllinol  $(r, \theta)$ , mae  $x = r\cos\theta$  ac  $y = r\sin\theta$ .  
Diffinir y factorau uned rheidol a thangdiol fel  $\vec{e}_r$  ac  $\vec{e}_\theta$ . Felly, mae  $\vec{e}_r = \cos\theta\vec{i} + \sin\theta\vec{j}$  a  $\vec{e}_\theta = -\sin\theta\vec{i} + \cos\theta\vec{j}$ .  
Mae'n dilyn fod  $\vec{r} = r\vec{e}_r$ ,  $\vec{v} = \dot{r}\vec{e}_r + r\dot{\theta}\vec{e}_\theta$  a  $\vec{a} = (\ddot{r} - r\dot{\theta}^2)\vec{e}_r + (2\dot{r}\dot{\theta} + r\ddot{\theta})\vec{e}_\theta$ .

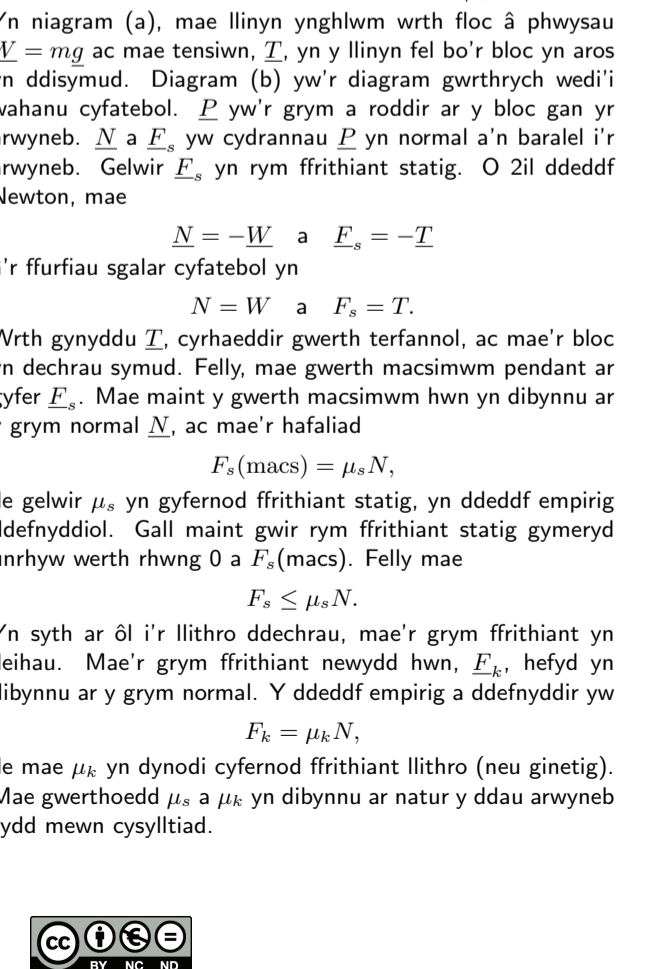
**7. Mudiant mewn Plân: Teflynnau**  
Gelwir gwrthrych sydd â chyffwrdd cychwynol ac sydd yn dilyn llwybr sy'n cael ei reoli gan rym disgyrchiant a gwrthiant ffrithiannol yr atmosffer sy'n gweithredu arno yn deflyn.  
Ystyriwch wrthrych sy'n cael ei daflu o'r tarddbwynt  $(0, 0)$  â chyffwrdd cychwynol  $\vec{u} = (u_x, u_y)$  ar ongl gyriad  $\theta_0$ . Gadechw i  $(x, y)$  ddynodi ei gyfesurynnau a  $\vec{v} = (v_x, v_y)$  ei chyffwrdd ar unrhyw amser  $t$  yn ddiweddarach.  $\theta$  yw'r ongl mae  $\vec{v}$  yn ei wneud â'r lloerweddol, wedi'i mesur yn y cyfeiriad gwrth-gloerweddol. Os anwybyddwn wrthiant aer, gellir disgrifio mudiant y teflyn fel cyfuniad o fudiant llorweddol sydd â chyffwrdd cyson a mudiant fertigol sydd â chyffwrdd cyson. Mae hyn yn dilyn o Ail Ddeddf Newton, sydd yn y ffurf gydrannol, yn rhoi  $\frac{dv_x}{dt} = 0$ , ac felly  $v_x = u_x = u \cos \theta_0$ , a  $\frac{dv_y}{dt} = -g$ , ac felly  $v_y = u_y - gt = u \sin \theta_0 - gt$ .  
Yna, rhoddir y buanedd  $v$  a'r ongl  $\theta$  gan  $v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2}$ ,  $\tan \theta = \frac{v_y}{v_x}$ .  
Cyfesurynnau'r teflyn yw  $x = u_x t = (u \cos \theta_0)t$ ,  $y = u_y t - \frac{1}{2}gt^2 = (u \sin \theta_0)t - \frac{1}{2}gt^2$ .  
Mae'r ddwy hafaliad uchod yn rhoi hafaliad y taflybr yn nhermau'r paramedr  $t$ . Trwy ddileu  $t$ , yr hafaliad yn nhermau  $x$  ac  $y$  yw  $y = (\tan \theta_0)x - \frac{g}{2u^2 \cos^2 \theta_0} x^2$ .  
Hafaliad parabola yw hon. Ar y pwynt uchaf, mae'r chyffwrdd fertigol,  $v_y$ , yn sero, ac felly'r amser a gymerir i gyraedd y pwynt hwn yw  $\frac{u \sin \theta_0}{g}$ . Rhoddir uchder y pwynt hwn gan  $y_{\max} = \frac{u^2 \sin^2 \theta_0}{2g}$ . Yr amrediad llorweddol,  $R$ , yw'r pellter llorweddol o'r pwynt cychwynol i'r pwynt lle mae'r teflyn yn dychwelyd i'w uchder cychwynol, ac felly lle mae  $y = 0$ . Felly  $R = \frac{u^2 \sin 2\theta_0}{g}$ . Mae'r amrediad mwyaf yn digwydd pan fo  $\sin 2\theta_0 = 1$ , h.y. pan fo  $\theta_0 = \frac{\pi}{4}$ . Yna yr amrediad mwyaf yw  $R_{\max} = \frac{u^2}{g}$ .



**6. Cinemateg: Mudiant Unionlin**  
Mae gronyn yn wrthrych y gellid ei foddelu fel mäs pwynt mewn cyd-destun penodol. Er enghaifft, gall y planedau a'r Haul gael eu hystyried fel gronynnau pan yn ystyried mudiant planedau o gwmpas yr Haul.  
Cinemateg yw'r astudiaeth o fudiant gronynnau a gwrthrychau anhysblyg gan beidio rhoi unrhyw ystyriaeth i'r grymoedd sy'n angenrheidiol i achosi'r mudiant hwnnw. Mae mudiant unionlin yn ymwneud â mudiant gronyn ar hyd llinell syth.  
Cyflymiad cyson: Yr hafaliadau mudiant yw  $v = u + at$ ,  $s = \frac{1}{2}(u + v)t$  neu  $s = ut + \frac{1}{2}at^2$ ,  $v^2 = u^2 + 2as$ .  
Yn yr uchod, mae  $a$  yn dynodi'r cyflymiad (cyson),  $t$  yr amser,  $v$  y cyflymder ar amser  $t$ ,  $u$  y cyflymder pan fo  $t = 0$ ,  $s$  y dadleoliad ar amser  $t$ , ac mae  $s = 0$  pan fo  $t = 0$ . Mae'r hafaliadau yma i gyd yn deillio o  $\frac{dv}{dt} = a$  a  $\frac{ds}{dt} = v$ .  
Y gromlin hon yw'r graff dadleoliad-amser ar gyfer mudiant â chyflymiad cyson. Mae'r arwynebedd o dan graff cyflymder-amser yn hafal i'r dadleoliad. Mae'r graddiant y llinell yn cynrychioli'r cyflymiad.  
Mae'r diagram hwn yn dangos graff cyflymder-amser ar gyfer mudiant unionlin â chyflymiad cyson. Mae'r arwynebedd o dan graff cyflymder-amser yn hafal i'r dadleoliad. Mae'r graddiant y llinell yn cynrychioli'r cyflymiad.  
Cyflymiad anghyson: Yma mae'r cyflymiad,  $a$ , yn ffwrthiant o amser,  $t$ . Fel ar gyfer cyflymiad cyson, mae'r hafaliadau mudiant yn deillio o integru  $\frac{dv}{dt} = a(t)$  a  $\frac{ds}{dt} = v$ .



**5. Grymoedd (2)**  
Ffrithiant: Gelwir y grym sy'n atal, neu'n ceisio atal, llithriad dau arwyneb yn ffrithiant. Pan fo arwyneb un gwrthrych yn llithro dros un arall, mae'r naill wrthrych yn rhoi grym ffrithiannol ar y llall, yn baralel i'r arwynebau. Mae'r grym ffrithiannol ar wrthrych yn ddirgroes i gyfeiriad ei fudiant. Gall grymoedd ffrithiannol weithredu pan nad oes mudiant cymharol, fel y dangosir.



(a) Dim Mudiant  
 $N = W$  a  $F_s = T$   
â'r ffrurfau sgalar cyfatebol yn  
 $N = W$  a  $F_s = T$ .  
Wrth gynyddu  $T$ , cyrhaeddir gwerth terfannol, ac mae'r bloc yn dechrau symud. Felly, mae gwerth magsimwm pendant ar gyfer  $F_s$ . Mae maint y gwerth magsimwm hwn yn dibynnu ar y grym normal  $N$ , ac mae'r hafaliad  $F_s(\max) = \mu_s N$ .  
lle gelwir  $\mu_s$  yn gyfernod ffrithiant statig, yn ddeddf empirig ddefnyddiol. Gall maint gwir rym ffrithiant statig gymeryd unrhyw werth rhwng 0 a  $F_s(\max)$ . Felly mae  $F_s \leq \mu_s N$ .  
Yn syth ar ôl i'r llithro ddechrau, mae'r grym ffrithiant yn lleihau. Mae'r grym ffrithiant newydd hwn,  $F_k$ , hefyd yn dibynnu ar y grym normal. Y ddeddf empirig a ddefnyddir yw  $F_k = \mu_k N$ .  
lle mae  $\mu_k$  yn dynodi gyfernod ffrithiant llithro (neu ginetig). Mae gwerthoedd  $\mu_s$  a  $\mu_k$  yn dibynnu ar natur y ddau arwyneb sydd mewn cysylltiad.

**5. Grymoedd (2)**  
Ffrithiant: Gelwir y grym sy'n atal, neu'n ceisio atal, llithriad dau arwyneb yn ffrithiant. Pan fo arwyneb un gwrthrych yn llithro dros un arall, mae'r naill wrthrych yn rhoi grym ffrithiannol ar y llall, yn baralel i'r arwynebau. Mae'r grym ffrithiannol ar wrthrych yn ddirgroes i gyfeiriad ei fudiant. Gall grymoedd ffrithiannol weithredu pan nad oes mudiant cymharol, fel y dangosir.